

10. Übungsblatt zur Vorlesung
 Schließende Statistik WS 2015/16

Aufgabe 37

Ein Marktforschungsinstitut untersucht, ob sich der Fernsehkonsum durch die Anschaffung von DVD-Rekordern verändert. Eine Befragung von 11 zufällig ausgewählten Personen ergibt die folgende Anzahl von Minuten, die pro Tag im Durchschnitt vor dem Fernseher verbracht werden.

Testperson i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
vor Anschaffung x_i^A	100	160	40	100	140	60	100	200	100	130	170
nach Anschaffung x_i^B	120	180	40	80	120	76	140	260	100	110	140

Testen Sie unter der Voraussetzung, dass die Daten Realisationen einer einfachen Stichprobe aus einer zweidimensional normalverteilten Grundgesamtheit (Y^A, Y^B) sind, mit einem Signifikanzniveau von $\alpha = 0.05$ die Hypothese, dass die Anschaffung von DVD-Rekordern eine Veränderung des Fernsehkonsums bewirkt.

Aufgabe 38

Zwei Messgeräte A und B sind zufälligen normalverteilten Messfehlern ausgesetzt. Die Varianz dieser Messfehler wird vom Hersteller durch $\sigma_A^2 = 0.02^2$ und $\sigma_B^2 = 0.03^2$ angegeben. Um die Justierung der beiden Messgeräte zu überprüfen, wird mit beiden Messgeräten unabhängig voneinander mehrfach (wiederum jeweils unabhängig voneinander) eine Referenzgröße mit dem folgenden Ergebnis gemessen:

Messung	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Gerät A	0.987	1.004	0.983	1.032	1.007	0.984	1.01	1.015	1.012	0.994
Gerät B	1.07	1.037	1.006	0.959	1.059	1.024	1.025	1.053	1.05	1.043

Überprüfen Sie mit einem geeigneten Test zum Signifikanzniveau $\alpha = 0.10$, ob die Erwartungswerte der Messwerte für die beiden Geräte voneinander abweichen. (Geben Sie auch den zugehörigen p -Wert an!)

Aufgabe 39

In der folgenden Tabelle sind Renten (in €) von 8 ehemaligen Arbeitern (x_i^A) und 9 ehemaligen Angestellten (x_i^B) angegeben:

Arbeiter x_i^A	580	600	650	750	830	900	1100	1450	
Angestellter x_i^B	600	700	800	850	970	1150	1300	1650	2200

Aus den Daten erhielt man die Mittelwerte $\bar{x}^A = 857.5$ bzw. $\bar{x}^B = 1135.56$ und die Stichprobenvarianzen $s_{Y^A}^2 = 87192.86$ bzw. $s_{Y^B}^2 = 265377.78$. Es werde angenommen, dass $Y^A \sim N(\mu_A, \sigma_A^2)$ -verteilt und $Y^B \sim N(\mu_B, \sigma_B^2)$ -verteilt und (x_1^A, \dots, x_8^A) bzw. (x_1^B, \dots, x_9^B) Realisationen einfacher Stichproben zu Y^A bzw. Y^B sind. Testen Sie unter der Annahme $\sigma_A^2 = \sigma_B^2$ zum Signifikanzniveau $\alpha = 0.05$ die Hypothese, dass Angestellte durchschnittlich mehr Rente erhalten als Arbeiter.

Aufgabe 40

Zwei unterschiedlichen Versuchsgruppen mit jeweils 81 Personen wird jeweils ein Werbespot zu einem neuen Produkt vorgeführt. Anschließend werden alle Versuchspersonen gefragt, ob sie den Kauf dieses neuen Produkts in Erwägung ziehen. In der Gruppe der Versuchspersonen, denen Werbespot A präsentiert wurde, beantworten 48 Personen diese Frage positiv, in der zu Werbespot B gehörigen Gruppe 35 Personen. Überprüfen Sie unter der Annahme, dass es sich bei dem Stichprobenergebnis um die Realisation zweier unabhängiger einfacher Stichproben handelt, zum Signifikanzniveau $\alpha = 0.05$, ob die Werbewirkungen der beiden Werbespots unterschiedlich sind (im Sinne unterschiedlicher Anteile potenzieller Käufer). Formulieren Sie das Ergebnis auch in Form eines Antwortsatzes.

Aufgabe 41

Überprüfen Sie zum Signifikanzniveau $\alpha = 0.10$, ob die Stichprobenrealisation in Aufgabe 39 darauf hindeutet, dass die dort getroffene Annahme $\sigma_A^2 = \sigma_B^2$ verletzt ist.